

Test und Verlässlichkeit Grosse Übung zu Foliensatz 4: Überwachung, Fehlerbehandlung und Fehlertoleranz

Prof. G. Kemnitz

11. Juni 2021

Contents

2 Informationsredundanz	1
2.1 Fehlererk. Codes	1
2.3 Prüfkennzeichen	2
2.5 Hamming-Codes	4
3 Formatüberwachung	5
3.3 Invarianten, WB	5
3.4 Syntax	5
4 Überwachung auf Richtigkeit	7
5 Fehlertoleranz	9
5.1 Fehlerbehandlung	9
5.2 Redundanz	10
5.4 RAID und Backup	11

2 Informationsredundanz

2.1 Fehlererk. Codes

Aufgabe 4.1: Arithmetischer Code

a) Bilden Sie für den Bitvektor

$$x = 110010001000011101_2$$

das fehlererkennende Codewort durch Multiplikation seines Wertes als vorzeichenfreie ganze Binärzahl mit der Primzahl $c = 10313$ (Bestimmung des Dezimalwerts, Multiplikation und Konvertierung des Produkts in einen Binärvektor).

b) Mit welcher Wahrscheinlichkeit werden mit dem gewählten fehlererkennenden Code Datenverfälschungen des codierten Bitvektors $s = c \cdot x$ erkannt?

c) Werden mit dem gewählten Code Verfälschung von s erkannt, die die Bitstellen 3 und 14 invertieren? Hinweis: Eine Verfälschung von s ist am Divisionsrest der Abweichung vom Sollwert $\Delta s/c = (s - s_{\text{soll}})/c \neq 0$ erkennbar.

Eingabewert hexadezimal: $11.0010.0010.0001.1101 = 0x3221D$

- Mit Octave (Matlab) Produkt als hexadezimal:

```
>> printf('CW=0x%x\n',0x3221D*10313)
CW=0x7e394245
```

binär: 0b111.1110.0011.1001.0100.0010.0100.0101

b) Erkennungswahrscheinlichkeit:

$$p_E \approx 1 - \frac{1}{10313} = 99,990\%$$

c) Keine Maskierung, wenn Bit 3 und 14 invertiert ist:

$$\text{Rest}\left(\frac{0b100.0000.0000.1000}{10313}\right) \neq 0 \checkmark$$

Für Differenzen ungleich null, die kleiner als der Quotient sind, immer erfüllt.

2.3 Prüfkennzeichen

Aufgabe 4.2: Prüfsummen

Bilden Sie für die Bytefolge

0x13, 0xF2, 0x33, 0xE6

die Prüfsumme:

a) durch byteweises Aufsummieren unter Vernachlässigung der Überträge.

b) durch bitweise EXOR-Verknüpfung der Bytes.

c) Welche der beiden Prüfsummen erkennt, dass die nachfolgenden Datenfolgen verfälscht sind?

c) Welche der b

F1: 0x13, 0x33, 0xF2, 0xE6

F2: 0x13, 0xF2, 0x37, 0xE6

F3: 0x13, 0xF1, 0x90, 0x56

Wert unverf.	(Teil-) Prüfsum.	binär
0x13		
0xF2		
0x33		
0xE6		
	EXOR:	

Wert	(Teil-) Prüfsum.	binär
0x13	0x13	0001 0011
0xF2	0x05	1111 0010
0x33	0x38	0011 0011
0xE6	0x1E	1110 0110
	EXOR:	0011 0100

Wert unverf.	(Teil-) Prüfsum.	binär	Wert F1	(Teil-) Prüfsum.	binär
0x13			0x13		
0xF2			0x33		
0x33			0xF2		
0xE6			0xE6		
	EXOR:			EXOR:	

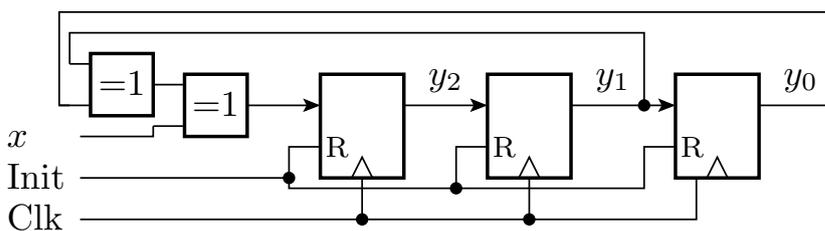
Wert F2	(Teil-) Prüfsum.	binär	Wert F3	(Teil-) Prüfsum.	binär
0x13			0x13		
0xF2			0xF1		
0x37			0x90		
0xE6			0x56		
	EXOR:			EXOR:	

Wert	(Teil-) Prüfsum.	binär	Wert	(Teil-) Prüfsum.	binär
0x13	0x13	0001 0011	0x13	0x13	0001 0011
0xF2	0x05	1111 0010	0x33	0x46	0011 0011
0x33	0x38	0011 0011	0xF2	0x38	1111 0010
0xE6	0x1E	1110 0110	0xE6	0x1E	1110 0110
	EXOR:	0011 0100		EXOR:	0011 0100

Wert	(Teil-) Prüfsum.	binär	Wert	(Teil-) Prüfsum.	binär
0x13	0x13	0001 0011	0x13	0x13	0001 0011
0xF2	0x05	1111 0010	0xF1	0x04	1111 0001
0x37	0x3C	0011 0111	0x90	0x94	1001 0000
0xE6	0x22	1110 0110	0x46	0xDA	0100 0110
	EXOR:	0011 0000		EXOR:	0011 0100

Aufgabe 4.3: Prüfkennzeichen mit LFSR

Gegeben ist folgendes linear rückgekoppelte Schieberegister:



	x	y_2	y_1	y_0
0	1	0	0	0
1	0			
2	1			
3	1			
4	0			
5	0			
6	1			
7	1			
8	0			
9	1			
10	0			
11	0			
12	1			
13	0			
14	1			
15	0			

- a) Auf welches Prüfkennzeichen $\mathbf{y} = y_2y_1y_0$ wird die Datenfolge 1011 0011 0100 1010 beginnend mit dem linken Bit und Startwert 000 abgebildet? Füllen Sie dazu die Tabelle in der Abbildung aus.
- b) Wie hoch ist Fehlererkennungswahrscheinlichkeit?

$$p_E \approx 1 - 2^{-3} = 87,5\%$$

PKZ:

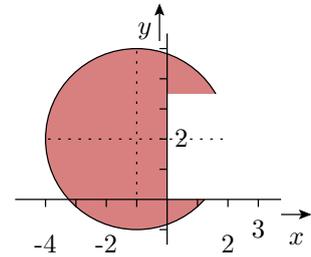
--

3 Formatüberwachung

3.3 Invarianten, WB

Aufgabe 4.6: Kontrollausdruck

Die Wertpaare (x, y) sollen Punkte der im nachfolgenden Bild eingezeichneten Kreisfläche mit dem Mittelpunkt $(-1, 2)$ und dem Radius 3 mit dem ausgeschnittenen rechteckigen Bereich sein.



Entwickeln Sie einen Kontrollausdruck für die Wertebereichskontrolle, der genau dann wahr ist, wenn ein Punkt (x, y) im zulässigen Bereich liegt.

$$((x < 0) \vee (y < 0) \vee (y > 3,5)) \wedge ((x + 1)^2 + (y - 2)^2 < 3^2)$$

3.4 Syntax

Aufgabe 4.7: Kontrollautomat

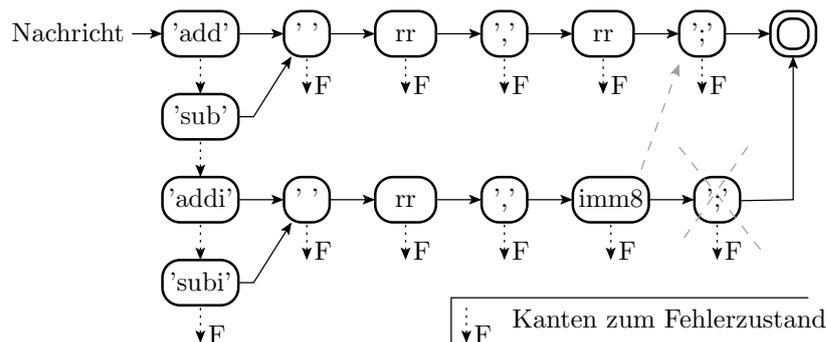
Ein (vereinfachter) Rechnerbefehlssatz besteht aus vier verschiedenen Befehlstypen

```
add□rr,rr;
addi□rr,imm8;
sub□rr,rr;
subi□rr,imm8;
```

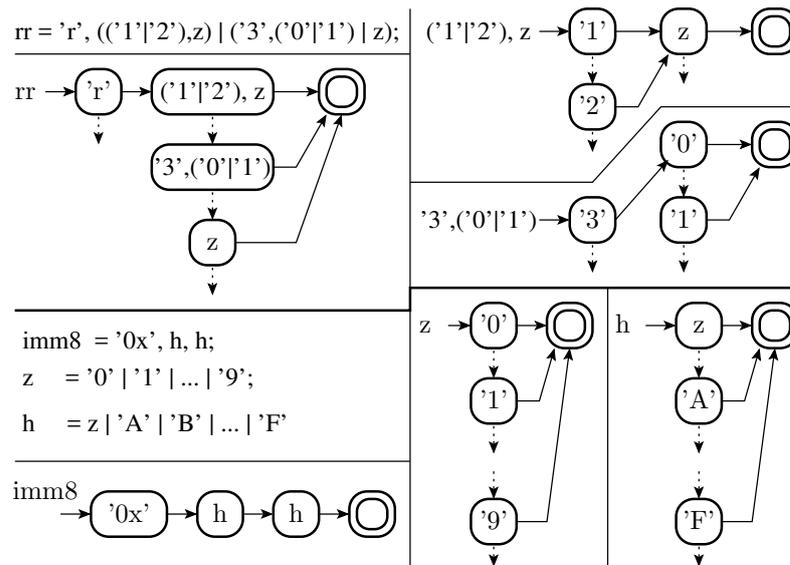
□ – Leerzeichen; »rr« Bezeichner eines der 32 Register ("r0", "r1", ... "r31"); »imm8« für die Wert einer 8-Bit Hexzahl ("0x00", "0x01", ..., "0xFF"; "0x" gefolgt von zwei Hex.-Ziffern mit den Zifferenwerten '0' bis 'F').

- Beschreiben Sie das Befehlsformat in der EBNF mit den Ersetzungsregeln für Sequenz, Option, Wiederholung etc.
- Entwerfen Sie einen deterministischen Kontrollautomaten auf Syntaxfehler als Graph für einen Moore-Automaten.

```
Befehl = ('add' | 'sub', '□', rr, ',', rr, ';') |
         ('addi' | 'subi', '□', rr, ',', imm8, ';');
rr      = 'r', (('1' | '2'), z) | ('3', ('0' | '1')) | z;
imm8    = '0x', h, h; z      = '0' | '1' | ... | '9';
h       = z | 'A' | 'B' | ... | 'F'
```



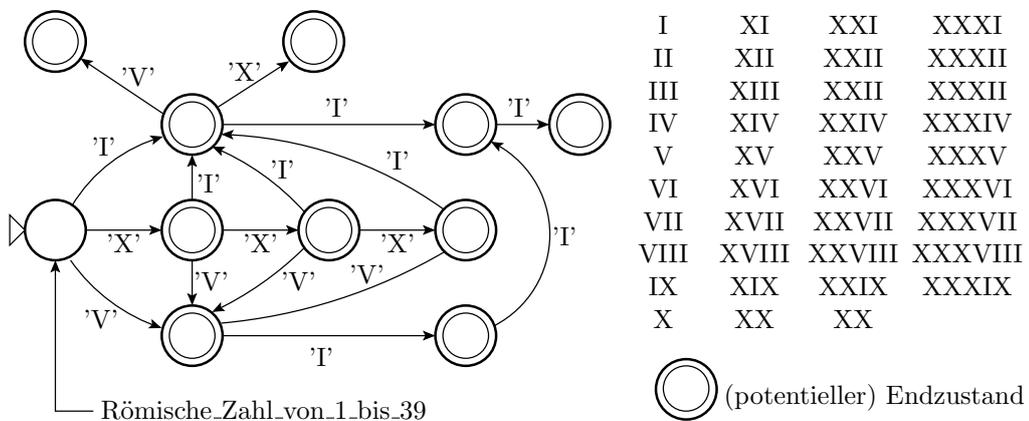
Testautomaten für den Test der Sprachbestandteile:



Aufgabe 4.8: Syntaxtest für römische Zahlen

Entwerfen Sie einen Mealy-Kontrollautomaten¹ für einen Syntaxtest für römische Zahlen mit einem Wert von 1 bis 39.

Wert		Wert		Wert		Wert	
1	I	11	XI	21	XXI	31	XXXI
2	II	12	XII	22	XXII	32	XXXII
3	III	13	XIII	23	XXIII	33	XXXIII
4	IV	14	XIV	24	XXIV	34	XXXIV
5	V	15	XV	25	XXV	35	XXXV
6	VI	16	XVI	26	XXVI	36	XXXVI
7	VII	17	XVII	27	XXVII	37	XXXVII
8	VIII	18	XVIII	28	XXVIII	38	XXXVIII
9	IX	19	XIX	29	XXIX	39	XXXIX
10	X	20	XX	30	XXX		



Bei allen Eingaben, für die keine Kante gezeichnet ist, Übergang in den Fehlerzustand.

¹Ein Mealy-Automat, der die Zeichen an den Kanten abräumt.

4 Überwachung auf Richtigkeit

Aufgabe 4.9: Kontrollausdruck

Schreiben Sie einen Testrahmen für das nachfolgende fehlerhafte C-Programm zur Wurzelberechnung:

```
uint8_t wurzel(uint16_t x){
    uint8_t w=0;
    uint16_t sum=0;
    while (sum<x){sum += (w<<1)+1;
        w++;}
    return w;
}
```

zum Test mit 1000 zufälligen Werten. Ergebniskontrolle mit der inversen Funktion und Fenstervergleich $y^2 \leq x < (y+1)^2$

Protokollierung aller x und y , die die Ergebniskontrolle nicht bestehen. Zufallszahlenerzeugung mit »rand()« aus »stdlib.h«.

Zur Kontrolle

```
#include <stdlib.h>
#include <time.h>
#include <stdio.h>
int main(){
    uint16_t x, y, xmin, xmax;
    srand(time(NULL)); // Init. Pseudozufallsg.*
    for (idx=0; idx<1000; idx++){
        x = rand() & 0xFF; // Begrenzung auf 8 Bit
        y = wurzel(x); // Testobjekt
        xmin = y*y; // inversen Fkt.
        xmax = (y+1)*(y+1); // zu Kontrolle
        if ((x<xmin)|| (x>xmax)){
            printf("x=%d, y=%d, y^2=%d, (y+1)^2=%d\n",
                x, y, xmin, xmax);
        }
    }
}
```

*time(NULL) liefert Sekunden seit dem 01.01.1970.

Aufgabe 4.10: Vergleichsfenster

Zwei zu vergleichende voneinander unabhängige normalverteilte Zufallsgrößen X_1 und X_2 haben denselben Erwartungswert und die Standardabweichungen $\text{sd}[X_1] = 3$ und $\text{sd}[X_2] = 4$. Wie groß ist für eine Kontrolle

$\text{if} (\text{abs}(X_1 - X_2) > \text{eps}) \{ \langle \text{Fehlerbehandlung} \rangle \};$

der Radius ε des Vergleichsfenster mindestens zu wählen, damit die Wahrscheinlichkeit für Vergleichs-Phantom-FF $p_{\text{Phan}} \leq 0,1\%$ ist?

$\mathbb{E}[X_1 - X_2] =$ $\varepsilon =$
 $\text{sd}[X_1 - X_2] =$

z	...,0	...,1	...,2	...,3	...,4	...,5	...,6	...,7	...,8	...,9
0,...	0,5000	0,5398	0,5793	0,6179	0,6554	0,6915	0,7257	0,7580	0,7881	0,8159
1,...	0,8413	0,8643	0,8849	0,9032	0,9192	0,9332	0,9452	0,9554	0,9641	0,9713
2,...	0,9772	0,9821	0,9861	0,9893	0,9918	0,9938	0,9953	0,9965	0,9974	0,9981
3,...	0,9987	0,9990	0,9993	0,9995	0,9997	0,9998	0,9998	0,9999	0,9999	1,0000

Differenz der Erwartungswerte:

$$\mathbb{E}[X_1 - X_2] = 0$$

Die Varianz der Differenzen ist die Summe der Varianzen:

$$\text{sd}[X_1 - X_2] = \sqrt{\text{Var}[X_1] + \text{Var}[X_2]} = \sqrt{3^2 + 4^2} = 5$$

Standardisierter Normalverteilungswert für beiderseitig $\alpha_1 = \alpha_2 = 0,05\%$ ist etwa 3,3.

z	...,0	...,1	...,2	...,3	...,4	...,5	...,6	...,7	...,8	...,9
0,...	0,5000	0,5398	0,5793	0,6179	0,6554	0,6915	0,7257	0,7580	0,7881	0,8159
1,...	0,8413	0,8643	0,8849	0,9032	0,9192	0,9332	0,9452	0,9554	0,9641	0,9713
2,...	0,9772	0,9821	0,9861	0,9893	0,9918	0,9938	0,9953	0,9965	0,9974	0,9981
3,...	0,9987	0,9990	0,9993	0,9995	0,9997	0,9998	0,9998	0,9999	0,9999	1,0000

Mindestintervallradius für das Vergleichsfenster:

$$\varepsilon \approx 3,3 \cdot 5 = 16,5$$

Aufgabe 4.11: Diversitätsabschätzung

Bei einer Kontrolle durch Verdopplung und Vergleich wurden von $\#FF = 300$ Fehlfunktionen $\#k_{\text{ist}} = 5$ nicht erkannt.

1. Auf welchen Bereich der zu erwartenden Anzahl der nicht erkannten Fehlfunktionen lässt das Experiment schließen? Zulässige Irrtumswahrscheinlichkeiten, dass im Experiment ein Werte oberhalb oder unterhalb des Bereichs hätte auftreten können, $\alpha_1 = \alpha_2 = 10\%$.
2. Auf welchen Bereich der Diversität lässt das Experiment schließen?

Hinweise:

1. Zählwert X ist poisson-verteilt.
2. Schätzwert der zu erwartenden Diversität nach TV-F1, Abschn. 3.2 Überwachungsverfahren:

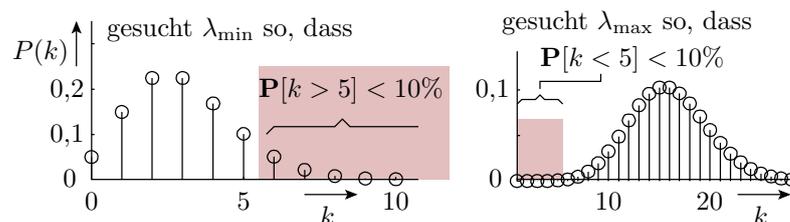
$$\hat{Div} = \frac{\#DF}{\#FF} = 1 - \frac{\#k_{\text{ist}}}{\#FF}$$

Zur Kontrolle

Von $\#FF = 300$ Fehlfunktionen wurden $x_{\text{ist}} = \#FF_M = 5$ nicht erkannt. Zulässige Irrtumswahrscheinlichkeiten: $\alpha_1 = \alpha_2 = 10\%$.

1. Unter- und Obergrenze des zu erwartenden Zählwerts:

[3,15, 7,99]



$\alpha_1 = \alpha_2$	$k_{\text{ist}} = 4$	$k_{\text{ist}} = 5$	$k_{\text{ist}} = 6$
2%	[1,53, 9,08]	[2,09, 10,6]	[2,68, 12,0]
10%	[2,43, 6,68]	[3,15, 7,99]	[3,89, 9,28]
20%	[3,09, 5,51]	[3,90, 6,73]	[4,73, 7,91]

2. Unter- und Obergrenze der zu erwartenden Diversität:

$$\mathbb{E}[Div]_{\min} = 1 - \frac{\lambda_{\max}}{\#FF} = 1 - \frac{7,99}{300} = 97,3\%$$

$$\mathbb{E}[Div]_{\max} = 1 - \frac{\lambda_{\min}}{\#FF} = 1 - \frac{3,15}{300} = 99,0\%$$

5 Fehlertoleranz

5.1 Fehlerbehandlung

Aufgabe 4.12: Beispiele für die Fehlerbehandlung

Nennen Sie Beispiele (Ihnen bekannte Programme und Geräte) die folgende Techniken nutzen:

1. Zeitüberwachung mit Service-Abbruch bei Zeitüberschreitung.
2. Wiederholungsanforderung nach fehlerhaftem Datenempfang.
3. Systeme, bei denen sich Fehlverhalten durch andere Eingabereihenfolgen, Nutzung andere Eingabemenüs etc. umgehen lassen.
4. Systeme, die vor dem Ausschalten automatisch ihre Bearbeitungszustand sichern.
5. Systeme, die nach einer Fehlfunktion vom letzten gesicherten Zustand neu starten.
6. Versenden von Fehlerinformationen an die Firma, die das System entwickelt hat.

Zur Kontrolle

1. Zeitüberwachung mit Abbruch bei Zeitüberschreitung: Lesezugriffe auf Laufwerke. Lesezugriffe auf Daten im Internet. ...
2. Wiederholung nach fehlerhaftem Datenempfang: Standardreaktion auf Prüfsummenfehler beim Datenempfang, Buskollisionen CAN-Bus, Ethernet, ...
3. Beseitigung des Fehlverhalten durch geänderte Eingabereihenfolge: XFig, Textbearbeitung. Beim Löschen vorwärts Programmabsturz, beim Löschen rückwärts kein Absturz.
4. Automatische Sicherung des Bearbeitungszustands beim Ausschalten: Handys, Tablets, ...
5. Start vom letzten gesicherten Zustand: Typisch für Textverarbeitungssysteme.
6. Versenden von Fehlerberichten: Windows, Linux, ...

Aufgabe 4.13: Fail-Safe/-Fast/-Slow

1. Was besagt das Ruhestromprinzip?
 2. Eine Software sei so programmiert, dass mit einem Compieler-Schalter zwischen Fail-Fast und Fail-Slow umgeschaltet werden kann. Wann wird es wie übersetzt und warum?
1. Das System wird so aufgebaut, dass bei Ausfall der Kontrollfunktion die Notfallbehandlung eingeleitet wird.
 2. Fail-Fast für den Test und Probetrieb, um möglichst viele Probleme zu erkennen und Fehler zu finden. Fail-Slow für den Einsatz, weil so die Zuverlässigkeit höher ist.

Aufgabe 4.14: Fehlerisolation

1. Welche Konzepte dienen in modernen Betriebssystemen zur Fehlerisolation zwischen nebenläufig auf Rechner abzuarbeitenden Prozessen?
 2. Welche Hardware-Funktionen stellen dafür moderne Prozessoren zur Verfügung?
1. Fehlerisolutionskonzepte:
 - Virtuelle Adressierung, die jedem Prozess nur Zugriff auf eigene Daten erlaubt.
 - Zugriff auf Betriebssystemdienste (Bereitstellung von physikalischem Speicher, Zugriff auf EA-Geräte, ...) über Systemrufe, ...
 2. Hardware-Funktionen für die Fehlerisolation:
 - Adressrecheneinheit, TLB (Übersetzungs-Cache zwischen virtuellen und physikalischen Adressen, Cache-Controller, ...;
 - Systemrufe: Software-Interrupts, privilegierte Befehle z.B. zur Umprogrammierung der TLB- und Cache-Speicher, ...

5.2 Redundanz**Aufgabe 4.15: 3-Versionssystem**

Für ein 3-Versionssystem mit den Wahrscheinlichkeiten je SL:

- $p_{FF} = 10^{-5}$ zufällige Fehlfunktion in einem Teilsystem
- $p_{CC} = 10^{-1}$ wenn die erste SL eine FF ist, sind die beiden anderen dieselbe FF.

wie groß sind unter der Annahme, dass zwei zufällige Verfälschungen praktisch nie übereinstimmen, die Wahrscheinlichkeiten:

1. p_{CCF} für drei durch gemeinsame Ursache gleiche FF,
2. p_{Fi} für i gleichzeitige unabhängige FF,
3. p_F für mindestens eine FF
4. p_{FT} bedingte Wahrscheinlichkeit für Tolerierung (genau eine FF, wenn mindestens eine FF),
5. p_E , bedingte Wahrscheinlichkeit für Erkennen ohne Tolerierung (mindestens zwei unabhängige FF, wenn mindestens eine FF).

~~Zur Kontrolle~~ Für ein 3-Versionssystem mit den Wahrscheinlichkeiten je SL:

- $p_{FF} = 10^{-5}$ zufällige Fehlfunktion in einem Teilsystem
- $p_{CC} = 10^{-1}$ wenn die erste SL eine FF ist, sind die beiden anderen dieselbe FF.

-
1. identische (Common Cause) FF:

$$p_{CCF} = p_{FF} \cdot p_{FA} = 10^{-5} \cdot 10^{-1} = 10^{-6}$$

2. i unabhängige Fehlerfunktion. Die bedingte Wahrscheinlichkeit für nicht-Common-Cause-FF gehorcht dem Versuchsschema der Binomialverteilung:

$$p_{Fi} = (1 - p_{CCF}) \cdot \binom{3}{i} \cdot p_{FF}^i \cdot (1 - p_{FF})^{3-i}$$

i	0	1	2	3
p_{Fi}	$1 - 3,1 \cdot 10^{-5}$	$3 \cdot 10^{-6}$	$3 \cdot 10^{-10}$	10^{-15}

3. mindestens eine FF:

$$p_F = p_{CCF} + \sum_{i=1}^3 p_{Fi} = 4 \cdot 10^{-6}$$

4. bedingte Wahrscheinlichkeit für Tolerierung:

$$p_{FT} = \frac{p_{F1}}{p_F} = 0,75$$

5. bedingte Wahrscheinlichkeit Erkennen ohne Tolerierung:

$$p_{F2} = p_{FT} = \frac{p_{F2} + p_{F2}}{p_F} = 3 \cdot 10^{-4}$$

5.4 RAID und Backup

Aufgabe 4.16: Zuverlässigkeitserhöhung durch Redundanz

Gegeben ist ein IT-System aus Rechner, Festplatte, Stromversorgung etc. mit folgenden Teilzuverlässigkeiten:

Teilsystem	Rechner	Festplatte	Stromversorgung	sonstiges
Teilzuverlässigkeit	Z_R	Z_{FP}	Z_{SV}	Z_*
Wert in SL/FF	1000	500	700	2000

1. Welche Gesamtzuverlässigkeit hat das System?

Teilzuverlässigkeit	Z_R	Z_{FP}	Z_{SV}	Z_*
Wert in SL/FF	1000	500	700	2000

2. Gesamtzuverlässigkeit, wenn die Festplatte durch ein RAID aus zwei Platten vom bisherigen Typ ersetzt wird, und das RAID nur eine Fehlfunktion weitergibt, wenn beide Platten zeitgleich eine Fehlfunktion haben?

$$Z_{\text{ges}} = \frac{1}{\frac{1}{1000} + \frac{1}{500} + \frac{1}{700} + \frac{1}{2000}} = 203 \frac{\text{SL}}{\text{FF}}$$

Das RAID versagt, wenn beide Platten (gleichzeitig) versagen:

$$\frac{1}{Z_{\text{RAID}}} = 1 - p_{Z,\text{RAID}} = (1 - p_{Z,\text{FP}})^2 = \frac{1}{Z_{\text{FP}}^2}$$

$$Z_{\text{RAID}} = 500^2 \frac{\text{SL}}{\text{NTFF}}$$

(NTFF – nicht tolerierte FF). Gesamtzuverlässigkeit:

$$Z_{\text{ges}} = \frac{1}{\frac{1}{1000} + \frac{1}{500^2} + \frac{1}{700} + \frac{1}{2000}} = 341 \frac{\text{SL}}{\text{FF}}$$

Erhöhung um etwa 40 SL/FF.