



Elektronik I, Foliensatz 9

3.2 Leitungen

G. Kemnitz

Institut für Informatik, Technische Universität Clausthal
6. Januar 2014



Leitungen

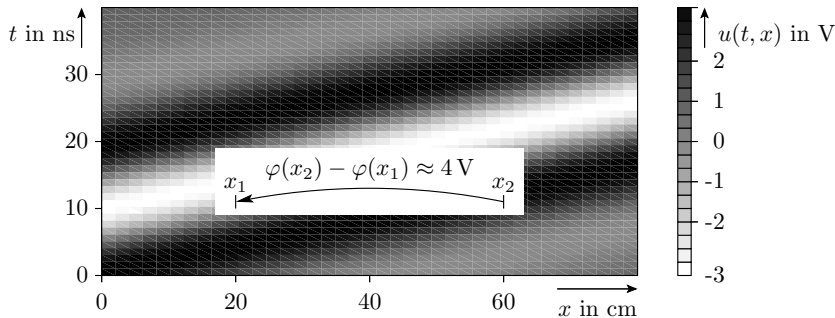
- 1.1 Wellengleichung
- 1.2 Wellenwiderstand
- 1.3 Reflexion
- 1.4 Sprungantwort
- 1.5 Messen von Leitungsparametern
- 1.6 Aufgaben



Leitungen

Elektrisch lange Leitungen

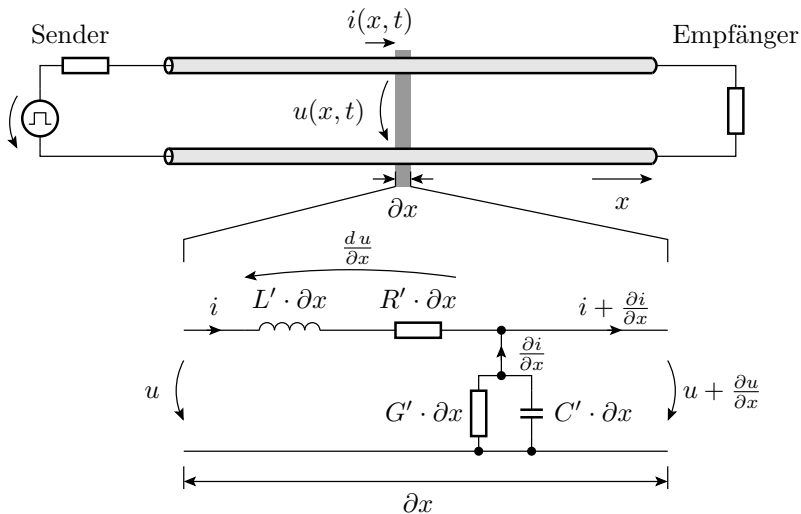
Elektrische Signale breiten sich auf einer Leitung als elektromagnetische Wellen mit nahe Lichtgeschwindigkeit aus.



Eine Leitung mit messbaren Potenzialunterschieden zwischen unterschiedlichen Punkten wird als elektrisch lang bezeichnet.



Ersatzschaltung





1. Leitungen

Kette elektrisch kurzer Leitungsstücke aus Hin- und Rückleitung der Länge $\partial x \rightarrow 0$ mit:

- einem Widerstand $R' \cdot \partial x$ und
- einer Induktivität $L' \cdot \partial x$

über denen die Spannung

$$\frac{\partial u}{\partial x} = -R' \cdot i - L' \cdot \frac{\partial i}{\partial t}$$

abfällt, und

- einem Leitwert $G' \cdot \partial x$ und
- einer Kapazität $C' \cdot \partial x$

durch die der Strom

$$\frac{\partial i}{\partial x} = -G' \cdot u - C' \cdot \frac{\partial u}{\partial t}$$

fließt.

Die Größen R' , L' , G' und C' werden Leitungsbeläge genannt und sind die Ableitungen von R , L , C und G nach dem Weg.



Wellengleichung



Die Wellengleichung

Beide Differentialgleichungen sind linear und können im Frequenzraum gelöst werden. Im Frequenzraum verschwinden die Ableitungen nach der Zeit:

$$\frac{\partial \underline{U}}{\partial x} = - (R' + j \cdot \omega \cdot L') \cdot \underline{I}(x) \quad (1)$$

$$\frac{\partial \underline{I}}{\partial x} = - (G' + j \cdot \omega \cdot C') \cdot \underline{U}(x) \quad (2)$$

Die Ableiten von Gl. 1 nach dem Weg und Einsetzen von Gl. 2 ergibt eine lineare frequenzabhängige Differentialgleichung 2. Ordnung für die Ausbreitung komplexer Spannungswellen auf der Leitung:

$$\frac{\partial^2 \underline{U}}{\partial x^2} = \gamma^2 \cdot \underline{U} \text{ mit } \gamma = \sqrt{(R' + j \cdot \omega \cdot L') \cdot (G' + j \cdot \omega \cdot C')}$$

(γ – Fortpflanzungskonstante)



Lösungen der Wellengleichung

Die Wellengleichung

$$\frac{\partial \underline{U}^2}{\partial^2 x} = \gamma^2 \cdot \underline{U} \quad \text{mit} \quad \gamma = \sqrt{(R' + j \cdot \omega \cdot L') \cdot (G' + j \cdot \omega \cdot C')}$$

hat zwei Lösungen, eine für die hinlaufende Welle:

$$\underline{U}_H(x) = \underline{U}_{H0} \cdot e^{-\gamma \cdot x} = \underline{U}_{H0} \cdot \underbrace{e^{-D_L \cdot x}}_{\text{Dämpfung}} \cdot \underbrace{e^{-j \cdot \psi \cdot x}}_{\text{Phasenverschiebung}}$$

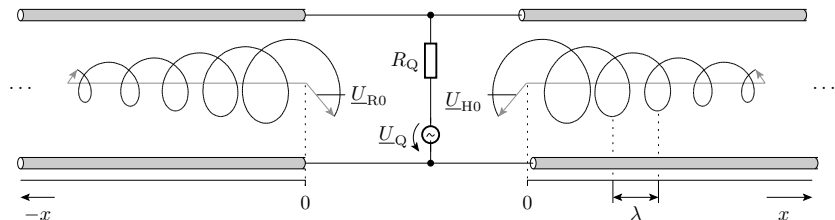
und eine für die rücklaufende Welle:

$$\underline{U}_R(x) = \underline{U}_{R0} \cdot e^{\gamma \cdot x} = \underline{U}_{R0} \cdot \underbrace{e^{D_L \cdot x}}_{\text{Dämpfung}} \cdot \underbrace{e^{j \cdot \psi \cdot x}}_{\text{Phasenverschiebung}}$$

Der Realteil der Ausbreitungskonstanten γ ist die Dämpfung D_F und der Imaginärteil die Ortskreisfrequenz ψ .

Die Ortsfunktionen der komplexen Wellen sind Zeiger, die sich in Wegrichtung auf einer Spiralbahn bewegen.

Phase und Amplitude nehmen in Bewegungsrichtung ab:

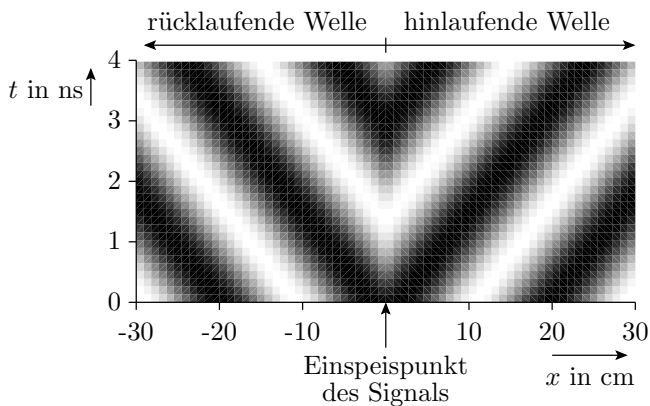


Die zugehörige Zeitsignale sind die komplexen Amplituden (Zeiger) multipliziert mit $e^{j\omega \cdot t}$:

$$u_H(t, x, \omega) = \underline{U}_{H0} \cdot e^{-\gamma(\omega) \cdot x} \cdot e^{j\omega \cdot t}; \quad u_R(t, x, \omega) = \dots$$

Praktisch lassen sich natürlich nur reelle Spannungs- und Stromverläufe, d.h. die Summe der paarweise konjugiert komplexen Wellen für ω und $-\omega$ erzeugen und messen:

$$u_H(t, x, \omega) + u_H(t, x, -\omega) = 2 \cdot |\underline{U}_{H0}| \cdot e^{-D_F \cdot x} \cdot \cos(\omega \cdot t + \text{Phase} \dots)$$



Phase und Amplitude nehmen in Bewegungsrichtung ab:

	rücklaufende Welle	hinlaufende Welle
Amplitude	$ \underline{U}_{H0} \cdot e^{D_L \cdot x}$	$ \underline{U}_{H0} \cdot e^{-D_L \cdot x}$
Phase	Phase(\underline{U}_{H0}) + $\psi \cdot x$	Phase(\underline{U}_{H0}) - $\psi \cdot x$

Ausbreitungsgeschwindigkeit

Die Ausbreitungsgeschwindigkeit ist das Verhältnis aus der Wellenlänge und der Signalperiode:

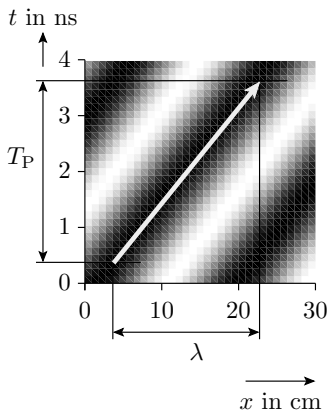
$$v = \frac{\lambda}{T_P}$$

Mit

$$\lambda = \frac{2 \cdot \pi}{\psi}, \quad T_P = \frac{2 \cdot \pi}{\omega}$$

ist sie das Verhältnis aus der Ortskreisfrequenz und der Kreisfrequenz:

$$v = \frac{\omega}{\psi}$$





Für verlustarme Leitungen:

$$R' \ll \omega \cdot L'$$

$$G' \ll \omega \cdot C'$$

beträgt die Ortskreisfrequenz

$$\psi = \operatorname{Im} \left(\sqrt{(R' + j \cdot \omega \cdot L') \cdot (G' + j \cdot \omega \cdot C')} \right) \approx \omega \cdot \sqrt{L' \cdot C'}$$

Die Ausbreitungsgeschwindigkeit beträgt in diesem Fall:

$$v = \frac{\omega}{\psi} = \frac{1}{\sqrt{L' \cdot C'}} = \frac{1}{\sqrt{\varepsilon \cdot \mu}}$$

Ohne Herleitung ist das die Lichtgeschwindigkeit in einem Material mit derselben Dielektrizitätskonstante ε (Verhältnis aus elektrischer Flussdichte zu elektrischer Feldstärke) und Permeabilität (Verhältnis aus magnetischer Flussdichte und magnetischer Feldstärke). (Licht-) Geschwindigkeit:

- im Vakuum: $\approx 30 \text{ cm/ns}$
- auf Leitungen: $\approx 5 \dots 20 \text{ cm/ns}$.



Wellenwiderstand



Definition des Wellenwiderstands

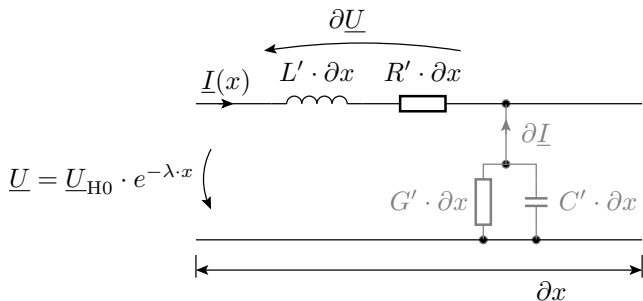
Definitionen 1

Der Wellenwiderstand $\underline{Z}(x)$ ist das Verhältnis aus der komplexen Spannungswelle und der komplexen Stromwelle am Punkt x einer Leitung.

Das ist weder der ohmsche Widerstand noch der komplexe Widerstand der Leitung, sondern eine ortsabhängige Größe mit derselben Maßeinheit, die auf eine andere, später dargelegte Weise gemessen wird.



Berechnung



$$\underline{I}(x) = -\frac{\partial(\underline{U}_{\text{H0}} \cdot e^{-\gamma \cdot x})}{(R' + j \cdot \omega \cdot L') \cdot \partial x} = \frac{\gamma \cdot \underline{U}_{\text{H0}} \cdot e^{-\gamma \cdot x}}{(R' + j \cdot \omega \cdot L')}$$

$$\underline{Z} = \frac{\underline{U}}{\underline{I}} = \frac{\underline{U}_{\text{H0}} \cdot e^{-\gamma \cdot x}}{\underline{I}} = \frac{R' + j \cdot \omega \cdot L'}{\gamma}$$

mit $\gamma = \sqrt{(R' + j \cdot \omega \cdot L') \cdot (G' + j \cdot \omega \cdot C')}$ ergibt sich:

$$\underline{Z} = \frac{R' + j \cdot \omega \cdot L'}{\sqrt{(R' + j \cdot \omega \cdot L') \cdot (G' + j \cdot \omega \cdot C')}} = \sqrt{\frac{R' + j \cdot \omega \cdot L'}{G' + j \cdot \omega \cdot C'}}$$



Eigenschaften des Wellenwiderstands

Der Wellenwiderstand ist eine Funktion der Leitungsbeläge L' , R' , C' , G' und der Geometrie der Hin- und der Rückleitung und des Isolators dazwischen. Die weiteren Betrachtungen beschränken sich auf homogene reellwertige Leitungen.

- homogen: Konstanter Wellenwiderstand ist über die gesamte Länge.
- reellwertig: Reeller Wellenwiderstand:

$$\sqrt{\frac{R' + j \cdot \omega \cdot L'}{G' + j \cdot \omega \cdot C'}} = \sqrt{\frac{R'}{G'}} = \sqrt{\frac{L'}{C'}} = Z$$

Für hohe Frequenzen sind die meisten Leitungen wegen $R' \ll j \cdot \omega \cdot L'$ und $G' \ll j \cdot \omega \cdot C'$ reellwertig. Der Wellenwiderstand beträgt dann:

$$Z = \sqrt{\frac{j \cdot \omega \cdot L'}{j \cdot \omega \cdot C'}} = \sqrt{\frac{L'}{C'}}$$



Wellenwiderstände standardisierter Datenkabel

Für die Informationsübertragung (Messdaten, Telefon, Fernsehen, Rechnernetz) werden fast ausschließlich homogene reellwertige Leitungen verwendet. Beispiele:

Kabeltyp	Z	max. Frequenz	Anwendung
RG 58 (Koaxialkabel)	50Ω	10 MHz	Datenübertragung
RG 59 (Koaxialkabel)	75Ω	10 MHz	Kabelfernsehen
UTP-3 (Twisted- Pair-Kabel)	100Ω	16 MHz	Datenübertragung
UTP-5 (Twisted- Pair-Kabel)	100Ω	100 MHz	Datenübertragung



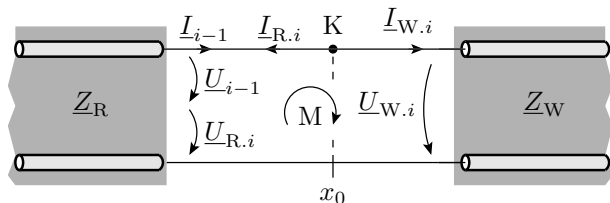
Reflexion

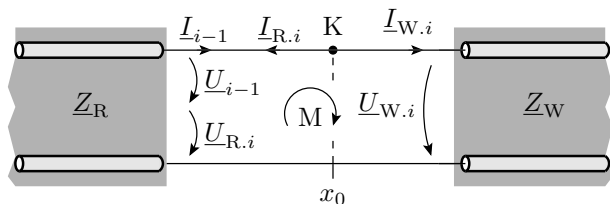
Änderung des Wellenwiderstands

Änderungen des Wellenwiderstands treten auf:

- beim Übergang zwischen unterschiedlichen Leitungen
- an Anschlussstellen von Signalquellen und Empfängern
- Änderungen der Leitungsbreite an Knicken etc. auf Leiterplatten¹.

Bei einer Änderung des Wellenwiderstands entlang einer Leitung teilen sich die ankommende Spannungswelle und die ankommende Stromwelle in weiterlaufende und reflektierte Spannungs- und Stromwelle auf.





Auch am Änderungspunkt des Wellenwiderstands gilt der Maschen- und der Knotensatz:

- Maschengleichung:

$$\underline{U}_{i-1} + \underline{U}_{R,i} = \underline{U}_{W,i}$$

(\underline{U}_{i-1} , $\underline{U}_{W,i}$, $\underline{U}_{R,i}$ ankommende, weiterlaufende und reflektierte Spannungswelle).

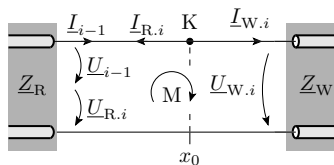
- Knotengleichung:

$$\underline{I}_{i-1} = \underline{I}_{W,i} + \underline{I}_{R,i}$$

(\underline{I}_{i-1} , $\underline{I}_{W,i}$, $\underline{I}_{R,i}$ ankommende, weiterlaufende und reflektierte Stromwelle).

Lösen des Gleichungssystems

In der Knotengleichung Ströme durch Quotient aus Spannung und Widerstand ersetzen:



$$\underline{I}_{i-1} = \underline{I}_{W,i} + \underline{I}_{R,i} \Rightarrow \frac{\underline{U}_{i-1}}{\underline{Z}_R} = \frac{\underline{U}_{W,i}}{\underline{Z}_W} + \frac{\underline{U}_{R,i}}{\underline{Z}_R}$$

Zusammen mit der Maschengleichung:

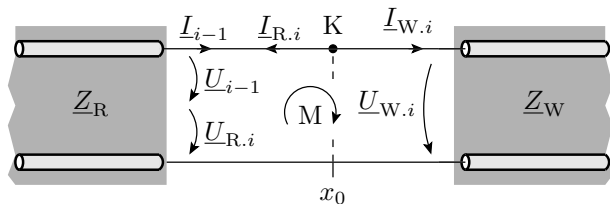
$$\underline{U}_{i-1} + \underline{U}_{R,i} = \underline{U}_{W,i}$$

2 Gleichungen mit 3 Unbekannten. Umformung in eine Gleichung für die weiterlaufende Welle:

$$\underline{U}_{W,i} = (1 + \underline{r}) \cdot \underline{U}_{i-1} \quad \text{mit} \quad \underline{r} = \frac{\underline{Z}_W - \underline{Z}_R}{\underline{Z}_W + \underline{Z}_R}$$

(\underline{r} - Reflexionsfaktor) und eine für die reflektierte Welle:

$$\underline{U}_{R,i} = \underline{r} \cdot \underline{U}_{i-1}$$



Wegen der geänderten Zählrichtung ist für die weiterlaufende Stromwelle die rücklaufende von der ankommenden Stromwelle abzuziehen:

$$\underline{I}_{W,i} = (1 - r) \cdot \underline{I}_{i-1}$$

$$\underline{I}_{R,i} = r \cdot \underline{I}_{i-1}$$

Beispiel

Zwei unterschiedliche Koaxkabel werden miteinander verbunden:

* RG58: Datenkabel $Z = 50 \Omega$

* RG59: Fernsehkabel $Z = 75 \Omega$

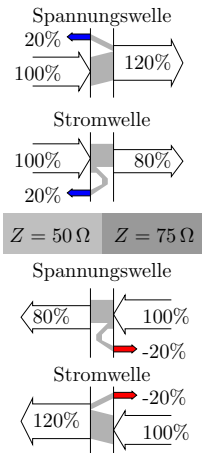
Wie groß ist der Reflexionsfaktor?

Für eine Welle, die im 50Ω -Kabel ankommt ($Z_W = 75 \Omega$ und $Z_R = 50 \Omega$):

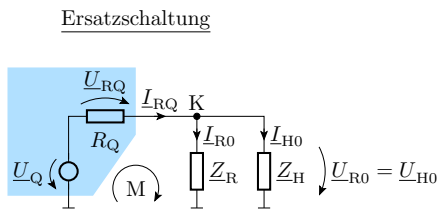
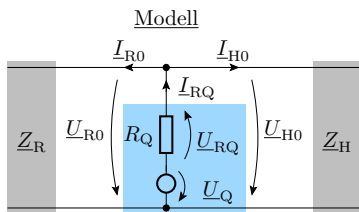
$$r = \frac{75 \Omega - 50 \Omega}{75 \Omega + 50 \Omega} = 0,2$$

Für eine Welle, die über das 75Ω -Kabel zurückkommt ($Z_W = 50 \Omega$ und $Z_R = 75 \Omega$):

$$r = \frac{50 \Omega - 75 \Omega}{75 \Omega + 50 \Omega} = -0,2$$



Ankopplung eines Senders an eine Leitung



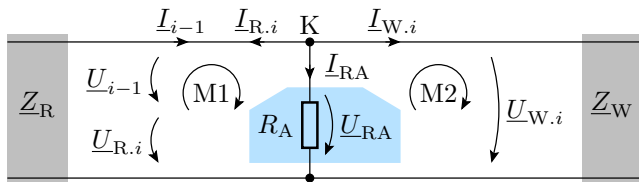
- Eingespeiste Spannungswellen:

$$\underline{U}_{H0} = \underline{U}_{R0} = \frac{\underline{Z}_H \parallel \underline{Z}_R}{R_Q + (\underline{Z}_H \parallel \underline{Z}_R)} \cdot \underline{U}_Q$$

- Eingespeiste Stromwellen:

$$\underline{I}_{H0} = \frac{\underline{U}_{H0}}{\underline{Z}_H}; \quad \underline{I}_{R0} = \frac{\underline{U}_{R0}}{\underline{Z}_R}$$

Ankopplung eines Empfängers an eine Leitung

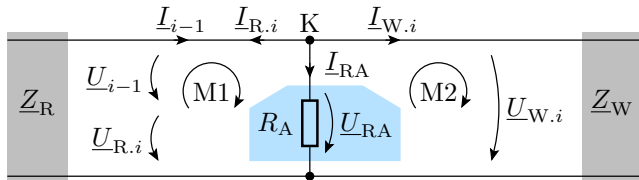


$$\begin{aligned}
 K: \quad \underline{I}_{i-1} &= \underline{I}_{W,i} + \underline{I}_{R,i} + \underline{I}_{RA} \\
 M1: \quad \underline{U}_{R,i} + \underline{U}_{i-1} &= \underline{U}_{RA} \\
 M2: \quad \underline{U}_{RA} &= \underline{U}_{W,i}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \underline{U}_{RA} = \underline{U}_{W,i} &= (1 + r) \cdot \underline{U}_{i-1} \\
 \underline{U}_{R,i} &= r \cdot \underline{U}_{i-1}
 \end{aligned}$$

mit dem geänderten Reflexionsfaktor ... (siehe nächste Folie)

$$\underline{r} = \frac{(\underline{Z}_W \parallel R_A) - \underline{Z}_R}{(\underline{Z}_W \parallel R_A) + \underline{Z}_R} \quad (3)$$



Der Reflexionsfaktor am Ankopplungspunkt für einen Empfänger ist gleich dem Reflexionsfaktor am Übergang zwischen zwei Leitungen, wenn der Wellenwiderstand für die weiterführende Leitung durch die Parallelschaltung aus dem Eingangswiderstand des Empfängers und dem Wellenwiderstand der weiterführenden Leitung ersetzt wird.



Die reflektierte Welle am Sender

- Nach dem Überlagerungssatz können die Wellen, die von der Signalquelle des Senders ausgestrahlt werden, und die Wellen, die eine ankommende Welle verursacht, unabhängig voneinander betrachtet und anschließend addiert werden.
- Ein Sender verursacht für eine ankommende Welle dieselben Reflexionen wie ein Empfänger, dessen Eingangswiderstand gleich dem Innenwiderstand des Senders ist.



Sprungantwort

Die Sprungantwort verzerrungsfreier Leitungen

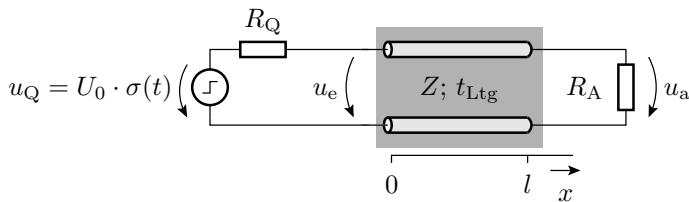
Die Sprungantwort ist die Systemreaktion auf den Einheitssprung

$$\sigma(t) = \begin{cases} 0 & t < 0 \\ 1 & t \geq 0 \end{cases}$$

multipliziert mit einer Spannung oder einem Strom am Systemeingang, hier als Sendesignal. Die bisher behandelten Leitungen waren linear. Bei der Übertragung von Impulsfolgen lässt sich das empfangene Signal aus der Sprungantwort konstruieren.

Eine verzerrungsfreie Leitung ist eine reellwertige Leitung, deren Verzögerung, Dämpfung und Wellenwiderstand für alle Frequenzen gleich sind. Gilt insbesondere für reellwertige Leitungen ohne nennenswerte Dämpfung. Ein Sprung bewegt sich auf einer verzerrungsfreien Leitung mit derselben Geschwindigkeit wie jeder seiner Spektralanteile und wird genauso reflektiert.

Punkt-zu-Punkt-Verbindung



Eingespeiste Welle am Leitungsanfang:

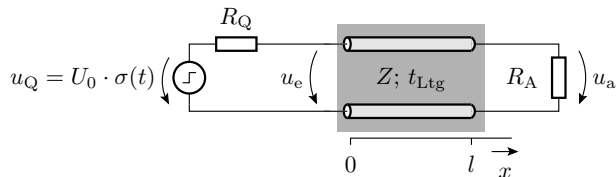
$$u_{H0} = \frac{Z}{Z + R_Q} \cdot U_0 \cdot \sigma(t)$$

Reflexion am Leitungsende:

$$u_{R1} = \frac{Z \cdot r_R}{Z + R_Q} \cdot U_0 \cdot \sigma(t - t_{Ltg})$$

Reflexion am Leitungsanfang: ...

Beispiel



Beispielwerte

$$U_0 = 3 \text{ V}$$

$$R_Q = 75 \Omega$$

$$Z = 50 \Omega$$

$$t_{Ltg} = 2 \text{ ns}$$

$$R_A = 150 \Omega$$

Eingespeiste Welle:

$$u_{H0} = \frac{50 \Omega}{50 \Omega + 75 \Omega} \cdot 3 \text{ V} \cdot \sigma(t) = 1,2 \text{ V} \cdot \sigma(t)$$

Reflexionsfaktor am Leitungsende:

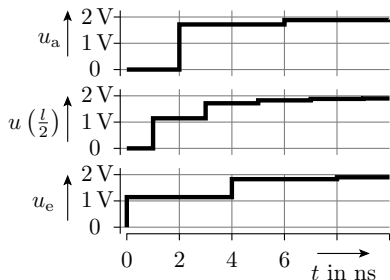
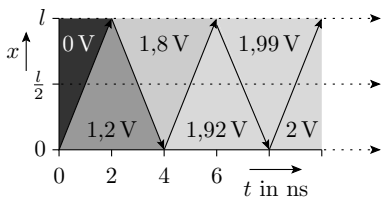
$$r_E = \frac{R_A - Z}{R_A + Z} = \frac{150 \Omega - 50 \Omega}{150 \Omega + 50 \Omega} = \frac{1}{2}$$

Reflexionsfaktor am Leitungsanfang:

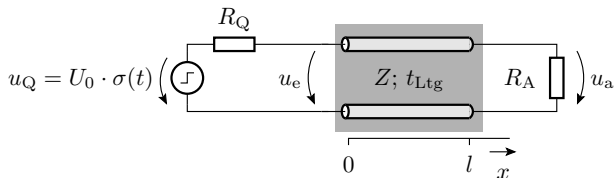
$$r_A = \frac{R_Q - Z}{Z + R_Q} = \frac{75 \Omega - 50 \Omega}{50 \Omega + 75 \Omega} = \frac{1}{5}$$



Welle	Startzeit	Richtung	Amplitude	t	$u_e(t)$	$u_a(t)$
H0	0	→	1,2 V	0	1,2 V	0
R1	2 ns	←	600 mV	1 ns	1,2 V	1,8 V
H1	4 ns	→	120 mV	2 ns	1,92 V	1,8 V
R2	6 ns	←	60 mV	3 ns	1,92 V	1,98 V
H2	8 ns	→	12 mV	4 ns	1,99 V	1,98 V
R3	10 ns	←	6 mV	5 ns	2,00 V	1,99 V



Stationärer Zustand



Beispielwerte

$$U_0 = 3 \text{ V}$$

$$R_Q = 75 \Omega$$

$$Z = 50 \Omega$$

$$t_{\text{Ltg}} = 2 \text{ ns}$$

$$R_A = 150 \Omega$$

- Die Leitung ist im Sinne der kirchhoffschen Sätze ein Knoten.
- Die Widerstände R_Q und R_A bilden einen Spannungsteiler:

$$u_a(t \gg t_{\text{Ltg}}) = \frac{R_A}{R_Q + R_A} \cdot U_0 = \frac{150 \Omega}{150 \Omega + 75 \Omega} \cdot 3 \text{ V} = 2 \text{ V}$$

Bei einer Punkt-zu-Punkt-Verbindung lassen sich störende Reflexionen auf zwei Arten unterbinden:

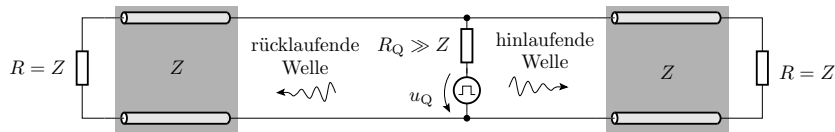
- Quellwiderstand $R_Q = Z$ oder
- Eingangswiderstands des Empfängers $R_E = Z$

Leitungen mit mehreren Sendern und Empfängern

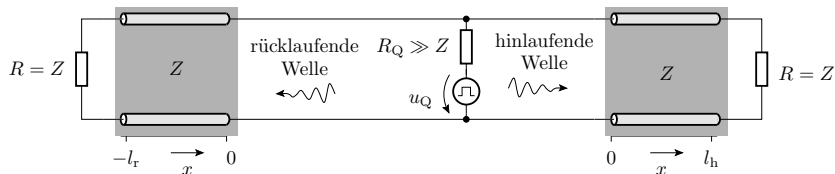
Beim Anschluss von Sendern und Empfängern an Leitungszwischenpunkte gilt für den Reflexionsfaktor ankommender Wellen Gl. 3 mit $\underline{Z}_W = \underline{Z}_R = Z$:

$$\underline{r} = \frac{(\underline{Z} \parallel R_{Q/A}) - \underline{Z}}{(\underline{Z} \parallel R_{Q/A}) + \underline{Z}_R}$$

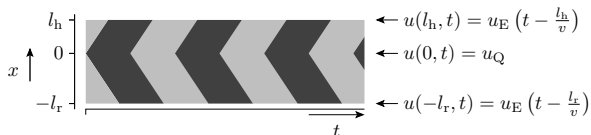
Die Unterbindung von Reflexionen verlangt an den Leitungsenden Abschlusswiderstände mit $R = Z$. Die Eingangs- bzw. Ausgangswiderstände der Empfänger und Sender an Leitungszwischenpunkten müssen hochohmig sein $R_{Q/A} \gg Z$ (Sender als Stromquellen):



Impulsfahrplan bei Signaleinspeisung in der Mitte:



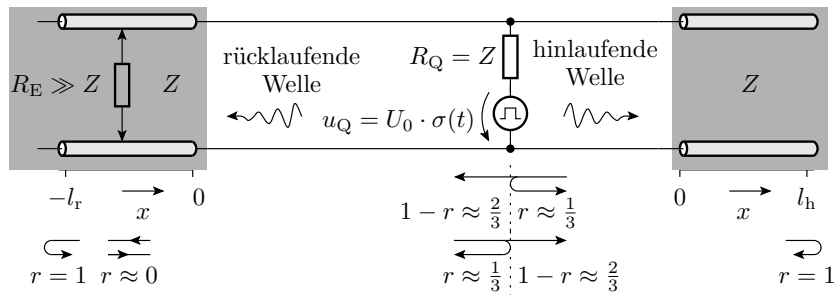
Ausbreitung von Rechtecksignalen



- Die ersten Rechnernetze mit Koax-Kabeln (Datenrate bis 10 MBit/s) waren elektrisch so aufgebaut, heute ersetzt durch Punkt-zu-Punkt-Verbindungen und Switches.
- Heute findet man diese Struktur noch bei Feldbussen, z.B. dem CAN-Bus. Keine Funktion ohne Abschlusswiderstände.

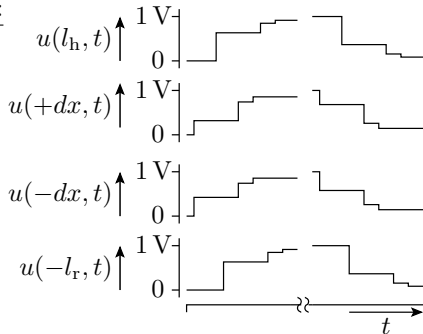
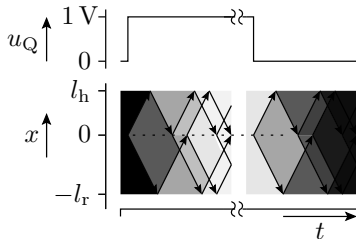
PCI-Bus

Beim PCI-Bus haben die Adress-, Daten- und Steuerleitungen (außer dem Takt) keine Abschlusswiderstände und die aktive Signalquelle ist niederohmig. Empfänger und inaktive Signalquellen sind hochohmig.



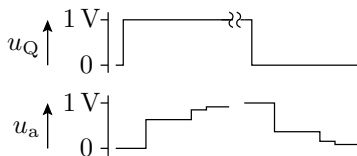
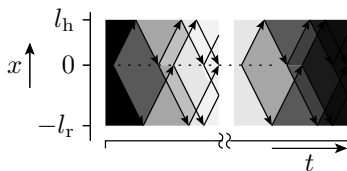
An den Leitungsenden beträgt der Reflexionsfaktor 1 und am Einspeisepunkt für die reflektierte Welle 0,33.

Übertragung eines Rechtecksignals:



Bei Übertragung eines Sprungs kommen am Empfänger an:

- das erste Drittel auf direktem Wege,
- das zweite Drittel als Reflexion von dem Endes auf derselben Seite des Senders und
- $4/9$ mit der Reflexion vom anderen Leitungsende. ($1/3$ reflektiert das Leitungsende und davon kommen nur $2/3$ am Sender vorbei.)

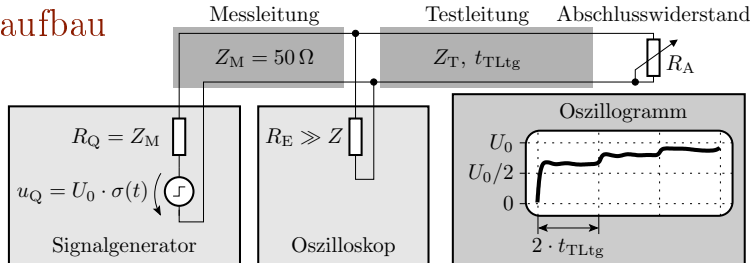


- Der Sender muss nach jedem Signalwechsel warten, bis beide Reflexionen wieder vorbei gekommen sind, d.h. Ausbreitungsgeschwindigkeit mal doppelte Länge der Busleitung.
- Die Längenbegrenzung der Busleitung begrenzt die maximale Anzahl von PCI-Slots, die eine Rechner haben kann.
- Der 66MHz-PCI-Bus ist nur halb so lang und hat nur halb so viele Slots wie der 33MHz-PCI-Bus.
- Neuere Bussysteme bevorzugen auch hier die schaltungstechnisch aufwändigere, aber wesentlich schnellere und elektrisch einfachere Punk-zu-Punkt-Struktur.



Messen von Leitungsparametern

Messaufbau



- Der Generator speist 50% des Sprungs in die Messleitung.
- Die Höhe des ersten Sprungs auf dem Oszi ist $\frac{1+r}{2} \cdot U_0$.
- Die Reflexion am Leitungsende verursacht nach der doppelten Leitungslaufzeit einen zweiten Sprung².
- Zur Bestimmung von Z den Abschlusswiderstand R_A so einstellen, dass keine Reflexionen auftreten und messen.

²Die Sprungwelle läuft dann weiter mit abnehmender Amplitude zwischen Oszi und R_A hin und her und erzeugt weitere kleine Sprünge auf dem Oszi-Bild. Die Leitungslaufzeit ist die Hälfte zwischen den Sprüngen.



Aufgaben



Elektrisch lang?

Auf einer Leitung der Länge $l = 1$ m mit einer Ausbreitungsgeschwindigkeit von $v = 10 \frac{\text{cm}}{\text{ns}}$ wird ein Kosinussignal mit einer Frequenz von $f = 1$ MHz übertragen.

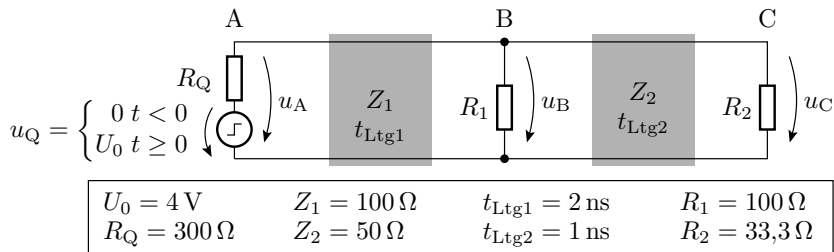
- Wie groß ist die Wellenlänge?
- Muss die Leitung als elektrisch lang modelliert werden?



Reflexionsfaktor

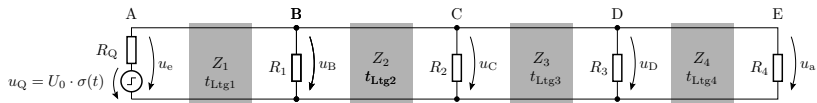
- Wie groß ist der Reflexionsfaktor, wenn das Ende eines 50Ω -Kabel offen gelassen ($R_A \rightarrow \infty$) oder kurzgeschlossen wird ($R_A = 0$)?
- Wie groß sind in beiden Fällen die reflektierten Spannungswellen im Verhältnis zur ankommenden Spannungswelle?

Sprungantwort



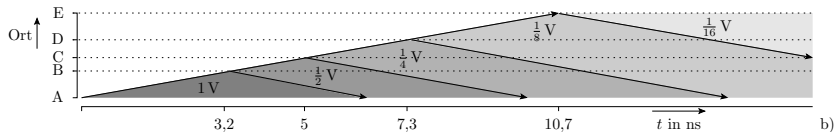
- An welchen der Punkte A bis C treten Reflexionen auf und in welchen Richtungen?
- Was für Wellen löst der Sprung in den ersten 8 ns aus?
 - Startort, Startzeitpunkt,
 - Ausbreitungsrichtung und Amplitude.
- Spannungsverlauf an den Punkten A bis D.
- Spannungen im stationären Zustand nach dem Sprung.

Messen von Leitungsparametern



gegeben: $U_0 = 2 \text{ V}$; $R_Q = 200 \Omega$

a)



b)

- Bestimmen Sie die Wellenwiderstände und Laufzeiten aller Leitungssegmente.
- Bestimmen Sie die Widerstände R_1 bis R_4 .